Производные органофосфоновых кислот (фосфонаты) являются одними из наиболее эффективных комплексонных препаратов для противонакипной и противокоррозионной обработки воды в теплотехнике. Это делает актуальным исследование физико-химических закономерностей их влияния на кристаллизацию солей жесткости, в первую очередь — карбоната кальция. Настоящая статья представляет собой переработанное для специалистов-практиков краткое изложение публикации [1] в журнале Российской академии наук «Поверхность. Рентгеновские, синхротронные и нейтронные исследования», выходящем в издательстве «МАИК-Интерпериодика».

Авторы В.А. ЖУРАВЛЕВ, д.ф.-м.н.; Ф.Ф. ЧАУСОВ, к.х.н.; С.С. САВИНСКИЙ, к.ф.-м.н., Удмуртский государственный университет, г. Ижевск

Влияние фосфонатов на образование кристаллических и аморфных фаз карбоната кальция в водных растворах

Введение

Одной из проблем, ограничивающей практическое применение ингибиторов класса органофосфонатов (а следовательно, и эффективность эксплуатации теплотехнического оборудования), в настоящее время является образование в отдельных случаях твердых фаз, содержащих, наряду с солями жесткости, ионы фосфонатов. С эмпирической точки зрения образование таких фаз анализируется в работах [2, 3]. В настоящей работе приведены результаты экспериментального исследования и предложена методика математического моделирования динамики конкурентного образования кристаллической и аморфной фаз из пересыщенных растворов солей щелочноземельных металлов в присутствии органофосфонатов.

Считается установленным, что ингибирующее действие фосфонатов на рост кристаллов связано с их способностью адсорбироваться на поверхности кристаллов и препятствовать процессу встраивания структурных единиц кристалла в кристаллическую решетку. В работах [4, 5] установлена критическая степень заполнения поверхности кристалла частицами ингибитора θ_C , при которой рост кристалла прекращается. Например, в присутствии ионов нитрилотриметилфосфоната кальция N(CH₂PO₃)₃CaH³⁻ (НТФК) рост кристаллов карбоната кальция прекращается при $\theta_C \approx 0,1$, а кристаллов сульфата бария — при θ_C ≈ 0,16.

Образование аморфных фаз в рассматриваемой области значений относительного пересыщения раствора отмечено в работах [2, 3]. При этом в работе [2] отмечено, что твердая фаза, формирующаяся в области высоких значений относительного пересыщения раствора в присутствии ингибитора, имеет приблизительно постоянный химический состав. Например, в пересыщенных растворах солей кальция в присутствии НТФК образуется аморфная фаза, химический состав которой может быть выражен эмпирической формулой N(CH₂PO₃)₃Ca_{2,5}H. Растворимость данной фазы в воде при температуре 343 К и pH = 5,5 составляет 174 г/м³. Аморфная фаза является метастабильной и может переходить в кристаллическую фазу того же химического состава, однако скорость такого превращения мала и в дальнейшем ею будем пренебрегать. Ионное равновесие между твердой аморфной фазой и водным раствором, содержащим ионы кальция, водорода и ингибитора, выраженное формальным уравнением:

 $2N(CH_2PO_3)_3Ca_{2,5}H \rightleftharpoons$

 \rightleftharpoons 3Ca²⁺ + 2N(CH₂PO₃)₃CaH³⁻, удовлетворяет следующему условию:

$$(C_{\text{Ca,L}})^{1,5}C_{\text{inh,L}} = P_2,$$
 (1)

где $C_{\rm Ca}$ и $C_{\rm inh}$ — молярные концентрации ионов, соответственно, кальция и ингибитора (НТФК), $P_2 \approx$ const (в ограниченной области параметров системы вблизи состояния равновесия). Авторы работы [3] объясняют природу образующейся твердой фазы химическим взаимодействием ионов щелочноземельных металлов с ионами ингибитора.

В работе [7] предпринята попытка связать процессы фазообразования в системе «вода – карбонат кальция – ингибитор» с мольным соотношением $N_{\rm m}$ = $= C_{\rm inh}/C_{\rm Ca}$. При этом авторы объясняют максимально интенсивное образование твердой фазы в определенном интервале значений N_m влиянием фиктивной турбулентности. Однако попытка связать фазообразование лишь с влиянием величины $N_{\rm m} = C_{\rm inh}/C_{\rm Ca}$ не проясняет истинной причины возникновения аморфной фазы, возникающей и растущей конкурентно с кристаллической фазой кальцита. Привлечение для объяснения процесса формирования аморфной фазы влияния гидродинамических факторов (турбулентности) также представляется весьма произвольным, тем более, что в наших экспериментах образование аморфной фазы наблюдалось в статических условиях.

Таким образом, необходимо признать, что удовлетворительного объяснения немонотонного характера зависимости количества осадка от количества вводимого ингибитора в настоящее время отсутствует.

Экспериментальная часть

Исследование распределения ионов кальция между жидкой и твердой фазами проводили путем термической обработки пересыщенного раствора гидрокарбоната кальция, имитирующего типичную весьма жесткую воду. Для приготовления пересыщенного раствора смешивали равные объемы водных растворов, один из которых содержал ионы кальция, а другой — гидрокарбонат-ионы. Перед смешиванием растворов в них вводили в различных количествах ингибитор солеотложений «ИОМС-1», основным компонентом которого является нейтральная натриевая соль НТФ*, которая может быть описана приближенной формулой N(CH₂PO₃)₃Na₃H₃ и которая в водной среде взаимодействует с ионами кальция по схеме:

 $\begin{array}{l} N(CH_2PO_3)_3Na_3H_3+Ca^{2+}\rightleftarrows\\ \rightleftarrows 3Na^++2H^++N(CH_2PO_3)_3CaH^{3-}. \end{array}$

Приготовленные таким образом образцы, имитирующие весьма жесткую воду, содержали основные компоненты в следующих концентрациях:

 $C_{\text{Ca}} = 27,5$ моль/м³,

 $C_{\rm HCO_3} = 16$ моль/м³,

 $C_{\text{inh}} \in [0; 4]$ моль/м³,

что соответствует значениям мольного соотношения в интервале:

 $N_{\rm m} \in [0; 0, 15].$

Эти образцы подвергали нагреванию до температуры 348 К в течение 4 ч с распадом гидрокарбонат-ионов:

 $\text{HCO}_3^- \rightleftharpoons \text{H}^+ + \text{CO}_3^{2-},$

и последующим взаимодействием карбонат-ионов Са²⁻ с ионами кальция:

 $CO_3^{2-} + Ca^{2+} \rightleftharpoons CaCO_3.$

Относительное пересыщение полученного раствора карбоната кальция может быть оценено по формуле:

 $\sigma(T) \approx C_{\rm Ca} C_{\rm CO_3} / P_{\rm CaCO_3}(T) \sim 10^5.$

При данном значении относительного пересыщения твердая фаза образуется во всем исследованном в настоящей работе интервале значений $C_{\rm inh}$ и, соответственно, $N_{\rm m}$.

После установления фазового равновесия проводили химический анализ, при помощи которого определяли остаточную концентрацию ионов кальция в жидкой фазе $C_{Ca,L}$ и вычисляли коэффициент распределения кальция $v_{Ca} = C_{Ca,L}/C_{Ca}$. Сечение твердой фазы (относительная доля твердой фазы в общем объеме системы) вычисляли по формуле:

$$S = (1 - v_{Ca})C_{Ca}/C_{Ca}S_{a}$$

где $C_{Ca,S} = 29000$ моль/м³ — молярная концентрация кальция в твердой фазе, определенная по результатам рентгеноструктурного анализа.

Полученная в результате серии экспериментов зависимость $S = f(N_m)$ графически представлена на рис. 1 (синие точки). Таким образом, немонотонный характер исследуемой зависимости объективно подтверждается экспериментом и требует соответствующего теоретического объяснения.

Структуру образующихся твердых фаз исследовали методами электронной микроскопии и рентгендифрактометрии. Электронно-микроскопическое исследование осуществляли при помощи растрового электронного микроскопа РЭМ-100У в интервале увеличений от ×1000 до ×20000. На рис. 2 приводятся микрофотографии с увеличением ×2000 и ×5000.

На рис. 2, а, б приведены электронные микрофотографии структуры твердой фазы, находящейся в равновесии с раствором, содержащим ионы ингибитора и ионы кальция в мольном соотношении $N_{\rm m} = 0,01$. Можно видеть, что в этом случае твердая фаза представлена исключительно кристаллическими зернами столбчатого габитуса, которые образуют сростки и друзы. Несмотря на то, что эти зерна не всегда хорошо огранены, их кристаллическое строение не вызывает сомнения. Микрофотография структуры твердой фазы, находящейся в равновесии с раствором при $N_{\rm m} = 0,02$, представлена на рис. 2, в, г. Характерно наличие хорошо ограненных кристаллов таблитчатого и досковидного габитуса, наряду с включениями фазы, резко отличающейся по структуре и представленной агломератами зерен округлой формы. Сфероидальный габитус этих зерен позволяет предположить изотропию их свойств, а следовательно, аморфное строение. Аналогичную структуру имеет твердая фаза, находящаяся в равновесии с раствором при $N_{\rm m} = 0,04$ (рис. 2, ∂ , e). В этом случае частицы с выраженным кристаллическим строением обнаружить в твердой фазе не удалось. Таким образом, результаты электронно-микроскопического исследования структуры твердой фазы позволяет предположить, что различный характер зависимости $S = f(N_{\rm m})$ в различных интервалах $N_{\rm m}$ обусловлен тем, что в равновесии с раствором находятся твердые фазы различной структуры или их механическая смесь.

В целях проверки этой гипотезы были проведены исследования дифракции рентгеновских лучей на образцах



Рис. 1. Значения стационарного сечения твердой фазы (полученные экспериментально синие точки, в вычислительных экспериментах — красные точки).

твердой фазы, полученных в экспериментах при значениях $N_{\rm m} = 0,01, N_{\rm m} =$ = 0,02 и $N_{\rm m}$ = 0,04. Исследования проводились на рентгеновском дифрактометре ДРОН-6 в Сокα-излучении с длиной волны 1,79 ангстрем. Полученные рентгендифрактограммы представлены на рис. 3. Можно видеть, что образец твердой фазы, полученный при *N*_m = 0,01 (рис. 3, *a*), имеет ярко выраженную кристаллическую структуру кальцита, что подтверждается наличием на рентгендифрактограмме узких, однозначно индицируемых дифракционных рефлексов. Отметим, что рефлексы хорошо разрешены, в частности, в области больших углов Вульфа-Брэгга заметно разрешение дублета $(\alpha_1 - \alpha_2)$, что указывает на отсутствие напряжений, вызванных деформациями и дефектами кристаллической решетки. Рентгендифрактограмма твердой фазы, полученной при мольном соотношении N_m = 0,02, представлена на рис. 3, б. Можно отметить наличие характерных для кальцита рефлексов, выраженных, однако, гораздо слабее, чем в предыдущем случае. Твердая фаза, образовавшаяся в системе при $N_{\rm m}$ = = 0,04 (рис. 3, β), имеет рентгеноаморфную структуру. Таким образом, результаты исследования дифракции рентгеновских лучей подтверждают вывод о различии строения твердых фаз, образующихся при различных значениях мольного соотношения.

^{*} Дополнительными примесями в составе ингибитора «ИОМС-1» являются соли метилиминодиметилфосфоновой кислоты и соединения ряда аминов.

Математическая модель

Развернутое изложение математической модели, предложенное для объяснения полученных результатов, приведено в работах [1, 7, 8]. В настоящей статье приводится краткое изложение математической модели. Рассматриваемая система включает жидкую фазу L, представляющую собой раствор состава «вода – карбонат кальция – НТФК», и две находящиеся в контакте с ней фазы S₁ и S₂. Фаза S₁ имеет кристаллическую структуру кальцита CaCO₃ [9], а фаза S₂ — аморфную структуру соединения со следующим химическим составом N(CH₂PO₃)₃Ca_{2,5}H [2]. Сечения (т.е. относительные объемные доли) фаз L, S₁ и S₂ обозначим, соответственно, через L, S₁ и S₂. Очевидно, $L + S_1 + S_2 = 1$. Фазовые переходы происходят между жидкой фазой и каждой из твердых фаз согласно схеме S₁ $\rightleftharpoons L \rightleftharpoons S_2$.

Химический состав твердых фаз будем считать приблизительно постоянным. Концентрации ионов в каждой фазе связаны условиями электронейтральности:

 $q_{\rm CO_3}C_{\rm CO_3} + q_{\rm Ca}C_{\rm Ca} + q_{\rm inh}C_{\rm inh} = 0,$ (2) где $q_{\rm CO_3} = -2, q_{\rm Ca} = +2, q_{\rm inh} = -3,$ — заряды соответствующих ионов (выраженные в единицах заряда протона).

Относительный объем твердых фаз в рассматриваемой системе мал по сравнению с общим объемом системы: $S_1 \ll 1$ и $S_2 \ll 1$, так что можно положить $L \approx 1$ и $dL/dt \approx 0$. Приписав фазам S_1 и S_2 постоянный химический состав условия материального баланса можно записать в виде:

$$\frac{dC_{\text{Ca,L}}}{dt} + \sum_{j \in \{1, 2\}} \frac{dS_j}{dt} C_{\text{Ca,S}_j} = 0; \quad \frac{dC_{\text{inh,L}}}{dt} + \sum_{j \in \{1, 2\}} \frac{dS_j}{dt} C_{\text{inh,S}_j} = 0.$$
(3)

Равновесие L \rightleftharpoons S₁ описывается условием

 $C_{\mathrm{Ca,L}}C_{\mathrm{CO_3,L}} = P_{\mathrm{CaCO3}}(T),$

где $P_{CaCO_3}(T)$ — произведение растворимости карбоната кальция при данной температуре *T*. Скорость роста или растворения кристалла, согласно экспериментальным данным [5] и теоретическим выкладкам [7,8], может быть представлена:

$$\frac{dS_{\rm I}}{dt} = \begin{cases} \beta_{\rm I} \ln \left[\frac{C_{\rm Ca,L} C_{\rm CO_3,L}}{P_{\rm CaCO_3}(T) - 1} \right] \exp\left(-K_{\rm i} C_{\rm inh,L}\right), \ C_{\rm inh,L} < C_{\rm C} \\ 0 , \ C_{\rm inh,L} \le C_{\rm C} \end{cases}$$
(4)

где β_1 — коэффициент скорости роста кристаллической фазы, K_i — коэффициент эффективности ингибирования, учитывающий структуру и потенциальную энергию взаимодействия иона НТФК и поверхности кристалла, а также зависящий от температуры (выражение для K_i выведено в работах [7, 8], C_C — критическая концентрация ионов НТФК в жидкой фазе, при которой кристаллизация полностью прекращается.

Условие равновесия L \rightleftharpoons S₂, дается выражением (1). Для скорости роста или растворения аморфной фазы примем приближенное выражение:

$$\frac{dS_2}{dt} = \beta_2 \left[\left(C_{\text{Ca,L}} \right)^{1,5} C_{\text{inh,L}} - P_2 \right] - \begin{cases} \beta_3 \left(C_{\text{inh,L}} - C_{\text{Ca,L}} \right), \ C_{\text{inh,L}} \ge C_{\text{C}} \\ 0, \ C_{\text{inh,L}} < C_{\text{C}} \end{cases}$$
(5)

где β_2 , β_3 — коэффициент скорости роста и растворения аморфной фазы. Последний член учитывает описанную в литературе [6] возможность образования растворимого кальциевого комплекса ингибитора при их эквимольном взаимодействии, что приводит к растворению кальцийсодержащей аморфной фазы, вследствие чего при $C_{inh,L} > C_{Ca,L}$ в выражении (6) решающую роль играет последний член, и знак dS_2/dt всегда неположителен.

Уравнения (2–5) образуют замкнутую систему обыкновенных дифференциальных уравнений, которая (с соответствующими начальными условиями) представляет собой математическую модель процесса конкурентного роста кристаллической и аморфной фаз в системе «вода – карбонат кальция – НТФК».

Мы ограничились проведением вычислительных экспериментов для модели (2-5) с начальными условиями $S_1(0) = 0$, $S_2(0) = 0$, т.е. система в начальный момент времени считалась однофазной, что соответствовало условиям эксперимента.

Параметры математической модели для проведения расчетов в большинстве своем были взяты из [2, 9–12]. В качестве подгоночных параметров были оставлены кинетические коэффициенты β_1 , β_2 и β_3 , которые были уточнены по крите-

рию наилучшего согласия результатов моделирования с экспериментальными данными. Уточненные значения составили $\beta_1 \approx 10^{-9}, \beta_2 \approx 10^{-3} (моль/дм^3)^{-7/2}$ и $\beta_3 \approx 10^{-3}$ моль/дм³. Результаты моделирования (красные точки) и экспериментально полученные данные (синие точки) графически совмещены на рис. 1. Можно отметить, что согласие результатов математического моделирования с результатами эксперимента неплохое.

Далее с использованием разработанной математической модели была проведена серия вычислительных экспериментов, целью которых было выяснить влияние ингибитора на процессы фазообразования в интервале значений начальной концентрации ионов кальция [2,5; 25] моль/м³. Значения начальной концентрации НТФК выбирались таким образом, чтобы мольное соотношение $N_m = C_{inh}/C_{Ca}$ пробегало интервал [0,001; 1]. Результаты моделирования представлены на рис. 4.

Можно видеть, что при всех значениях начальной концентрации ионов кальция в системе зависимость суммарного сечения твердых фаз $S = S_1 +$ + S₂ имеет бимодальный характер, что в целом подтверждает качественные данные о характере зависимости S = $= f(N_{\rm m})$, приведенные в работе [6]. Максимум S в области малых значений N_m обусловлен образованием кристаллической фазы (синяя кривая) из-за недостаточного ингибирования кристаллизации. Минимум S объясняется эффективным ингибированием кристаллизации в этой области значений $N_{\rm m}$, в то же время аморфная твердая фаза термодинамически неустойчива из-за невысокой концентрации ионов кальция и НТФК в жидкой фазе. Максимум S в области более высоких значений N_m объясняется термодинамической устойчивостью аморфной фазы (красная кривая) в этой области значений концентрации ионов НТФК. При дальнейшем повышении концентрации ионов НТФК равновесие смещается в сторону растворения аморфной твердой фазы за счет образования растворимых соединений кальция с ионами НТФК.

Наибольшее значение для практики имеет область значений $N_{\rm m}$, в которой значение S минимально (в идеале равно нулю) или близко к минимальному, т.к. этим обеспечивается наименьшая величина солеотложений в систе-

1.5.10

1.0.10

0.5.10

1,0.10

0,5.10

3-10⁻⁴ B)

2.10

1.0.10

0.5.10

г)

a)

б)



Рис. 2. Электронные микрофотографии твердых фаз, полученных в системе «вода – карбонат кальция – НТФК» (при значениях мольного соотношения «НТФК: кальций»: а, б – N_m = 0,01; в, г – N_m = 0,02; д, е – N_m = 0,04. Увеличение: а, в, д – х2000; б, г, е – х5000)

ме. На рис. 4, *а-в*, можно отметить, что при значениях начальной концентрации ионов кальция до 5 моль/м³ минимальное значение сечения твердой фазы S равно нулю, следовательно, в этих случаях возможно полное ингибирование процесса солеотложения. По мере повышения начальной концентрации ионов кальция от 1 до 5 моль/м³ диапазон значений $N_{\rm m}$, в котором S = 0, сужается. При моль/м³ интервал оптимальных значений N_m стягивается в точку. При больших значениях концентрации ионов кальция минимальное значение сечения твердой фазы больше нуля, т.е. полное ингибирование солеотложения в этом случае невозможно (рис. 4, г).

Заключение

Приведенные в настоящей работе экспериментальные данные в целом подтверждают бимодальный характер зависимости равновесного содержания твердой фазы от дозировки ингибитора. Это связано с различным строением твердых фаз, причем при малых концентрациях ионов ингибитора в системе образуется кристаллическая фаза, а при высоких значениях концентрации ионов ингибитора — аморфная фаза.



Рис. 3. Рентгендифрактограммы твердой фазы, полученной в системе «вода – карбонат кальция – ингибитор» (при мольном соотношении «НТФК: кальций» N_m = 0,01 (а), N_m = 0,02 (б) и N_m = 0,04 (в))

Области существования кристаллической и аморфной фаз могут перекрываться.

На основании теоретических представлений и экспериментальных данных предложена математическая модель конкурентного образования кристаллической и аморфной фаз в условиях адсорбционного ингибирования кристаллизации. Результаты вычислительных экспериментов показывают согласие с литературными и экспериментальными данными и допускают объяснение с позиций теоретических представлений о механизме и основных закономерностях действия ингибиторов кристаллизации.

Область концентрации ионов кальция, в пределах которой возможно полное ингибирование солеотложения, ограничена. При этом интервал значений концентрации НТФК, в пределах которого достигается полное ингибирование солеотложения, с увеличением концентрации ионов кальция сокращается, поэтому при более высоком содержании кальция в системе необходимо более точное дозирование ингибитора. При больших значениях концентрации ионов кальция полное ингибирование солеотложения невозможно. Однако, изменяя концентрацию ионов НТФК, можно менять распределение ионов кальция между кристаллической и аморфной фазами.

107

Рис. 4. Результаты численного молелиро-

вания фазовых равновесий (при значениях кон-

центрации кальция: a — 1.0 моль/м³; б — 2.0 моль/м³;

10-

10-

в — 5,0 моль/м³; г — 25 моль/м³)

Nn

- Журавлев В.А., Чаусов Ф.Ф., Савинский С.С. Поверхность. Рентгеновские, синхротронные и нейтронные исследования, № 5/2006.
- Kan A.T., Fu G., Al-Thubaiti M. et al. SPE International Symposium on Oil-field Chemistry. Houston, 2003.
- Кащавцев В.Е., Гаттенбергер Ю.П., Люшин С.Ф. Предупреждение солеобразования при добыче нефти. М.: «Недра», 1985.
- 4. Дрикер Б.Н., Смирнов С.В., Цирульникова Н.В. и др. Материалы конференции «Современные технологии водоподготовки и защиты оборудования от коррозии и накипеобразования». М.: ГосНИИ «ИРЕА», 2003.
- 5. Tomson M.B., Fu G., Watson M.A. et al. SPE Scale Symposium. Aberdeen, 2002.
- 6. Рудакова Г.Я., Ларченко В.Е., Цирульникова Н.В. Материалы конференции «Современные технологии водоподготовки и защиты оборудования от коррозии и накипеобразования». М.: ГосНИИ «ИРЕА», 2003.
- 7. Журавлев В.А., Чаусов Ф.Ф., Савинский С.С. Математическая модель конкурентного фазоообразования в условиях адсорбционного ингибирования. Препринт, Ижевск: Удмуртский НЦ УрО РАН — УлГУ, 2004.
- Чаусов Ф.Ф. Ингибирование роста кристаллов солей щелочноземельных металлов в водных растворах. Теория и технические приложения. Автореф. дисс. к.х.н., Н. Новгород, 2005.
- Егоров-Тисменко Ю.К., Литвинская Г.П. Теория симметрии кристаллов. — М.: ГЕОС, 2000.
 Nielsen, A.E. J. Crystal Growth, 1984, Vol. 67.
- 11. Demadis, K.D., Katarachia, S.D. «Phosphorus, sul-
- fur and silicon and the re-lated elements», № 3/2004. 12. Гаррелс Р.М., Крайст Ч.Л. Растворы, минералы, равновесия. М.: «Мир», 1968.